



# ANALİTİK GEOMETRİ -12

SINIF: 11

KONU: DOĞRUNUN ANALİTİĞİ

Kazanım: İki Doğrunun Birbirine Göre durumları  
Bir noktanın Bir doğruya Uzaklığı



Muzaffer AKKUŞ



## İki Doğrunun Birbirine Göre Durumları

Düzlemede herhangi iki doğru

$$d_1: ax + by + c = 0$$

$$d_2: dx + ey + f = 0 \quad \text{olsun}$$

1) Paralel Olma Durumu

$$d_1 \parallel d_2$$

$$\frac{a}{d} = \frac{b}{e} \neq \frac{c}{f}$$

$$\longleftrightarrow d_1: ax + by + c = 0$$

$$\longleftrightarrow d_2: dx + ey + f = 0$$

Paralel doğruların çözüm kümesi **boş kümedir**

Muzaffer AKKUŞ





Muzaffer AKKUŞ

## 2) Çakışık Olma Durumu

$$\begin{array}{c} d_1: ax + by + c = 0 \\ d_2: dx + ey + f = 0 \end{array}$$

$$d_1 \perp d_2$$

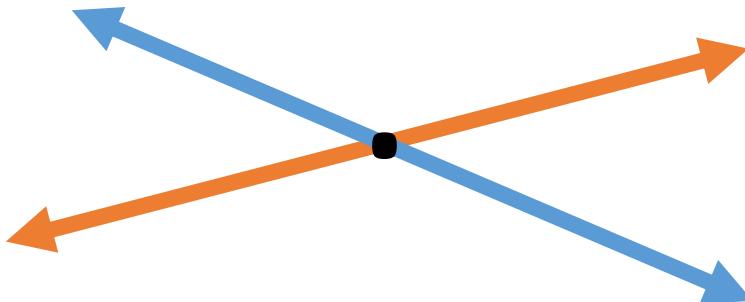
$$\frac{a}{d} = \frac{b}{e} = \frac{c}{f}$$

**Çakışık doğruların çözüm kümesi sonsuz elemanlıdır**



Muzaffer AKKUŞ

### 3) Tek Noktada Kesişme Durumu



$$d_1: ax + by + c = 0$$

$$d_2: dx + ey + f = 0$$

$$\frac{a}{d} \neq \frac{b}{e}$$

**Tek noktada kesişen doğruların çözüm kümesi tek elemanlıdır**



Örnek:

$$(a - 1)x + (b + 2)y + 4 = 0 \quad \text{doğrusu ile}$$

$$2x + 3y - 2 = 0 \quad \text{doğrusu çakışık ise } a + b = ?$$



Muzaffer AKKUŞ



Örnek:

$$(b - 1)x + (a - 2)y + 3 = 0$$

$$3x + 4y - 2 = 0$$

*Doğrularının çözüm kümesi boş küme ise  $4b - 3a = ?$*



Muzaffer AKKUŞ



Örnek:

$$3x - 2y - 5 = 0$$

$$2x + y - 8 = 0$$

$$ax + 3y - 1 = 0$$

*doğruları tek noktada kesiştiğine göre  $a = ?$*

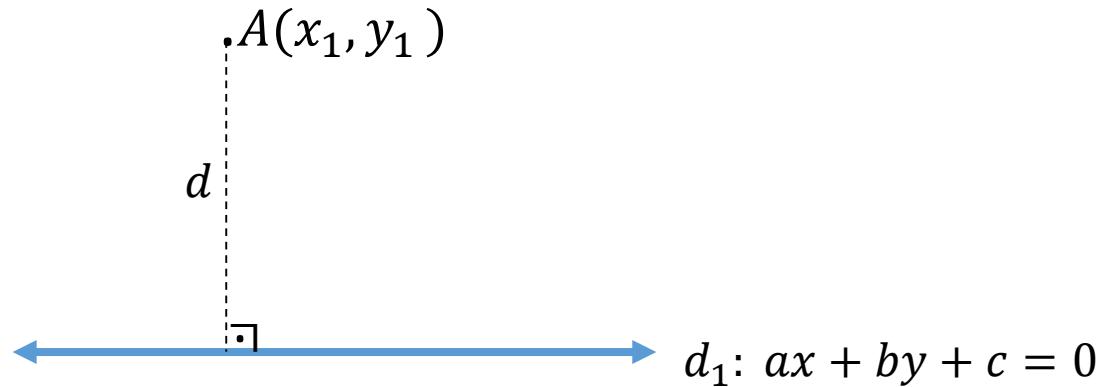


*Muzaffer AKKUŞ*



Muzaffer AKKUŞ

## Bir Noktanın Bir Doğruya Uzaklığı



Düzlemede herhangi bir  $A(x_1, y_1)$  noktasının  $d_1$  doğrusuna dik uzaklığı

$$d = \frac{|ax_1 + by_1 + c|}{\sqrt{a^2 + b^2}}$$

bağıntısı ile bulunur



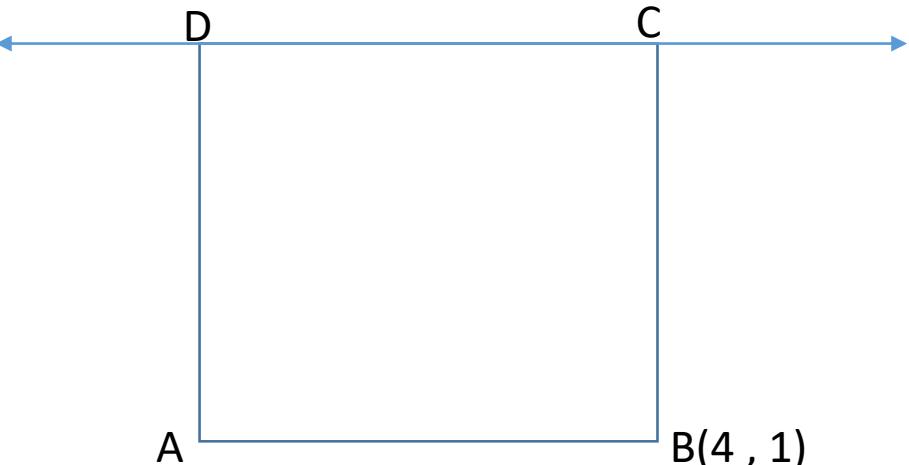
Muzaffer AKKUŞ

Örnek:

$A(5, 2)$  noktasının  $3x - 4y + 8 = 0$  doğrusuna uzaklığı kaçtır?



Örnek:



$$d: 3x + y - 3 = 0$$

*d doğrusu [CD] üzerinde*

*ABCD kare , B(4 , 1) noktası veriliyor*

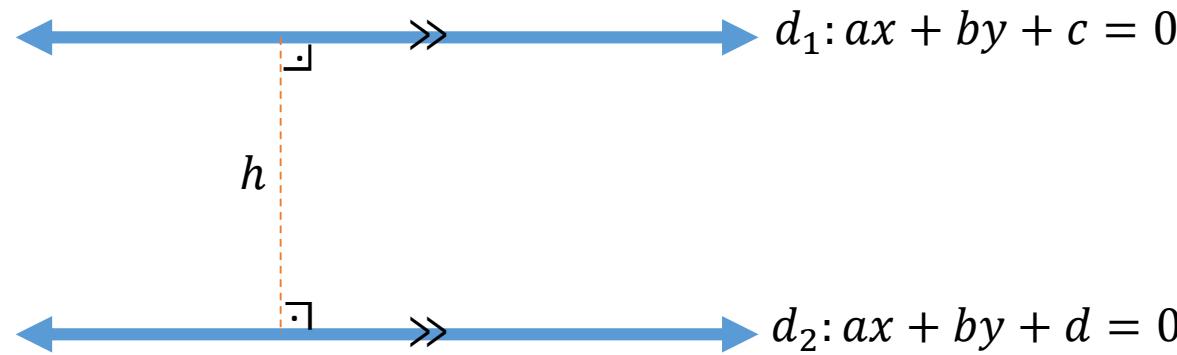
*karenin alanı kaçtır ?*

Muzaffer AKKUŞ



Muzaffer AKKUŞ

## Paralel İki Doğru Arasındaki Uzaklık



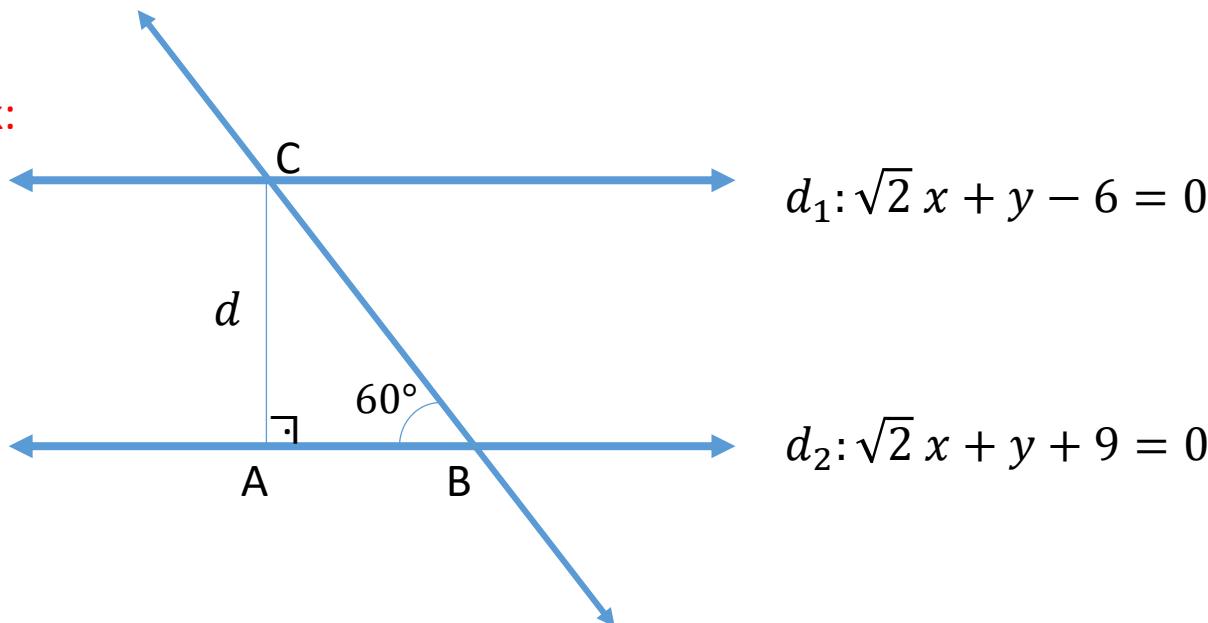
$$h = \frac{|c - d|}{\sqrt{a^2 + b^2}}$$

bağıntısı ile bulunur



Muzaffer AKKUŞ

Örnek:



$$d_1: \sqrt{2}x + y - 6 = 0$$

$$d_2: \sqrt{2}x + y + 9 = 0$$

$d_1$  ve  $d_2$  doğruları arasında oluşan üçgenin alanı kaçtır ?



*Muzaffer AKKUŞ*

# TEŞEKKÜRLER



*Muzaffer AKKUŞ*



*Muzaffer AKKUŞ*



*Muzaffer AKKUŞ*



*Muzaffer AKKUŞ*



*Muzaffer AKKUŞ*



*Muzaffer AKKUŞ*



*Muzaffer AKKUŞ*



*Muzaffer AKKUŞ*

















































